

Für proportionale Zuordnungen gilt: Je mehr, desto _____ !
 oder genauer:
 Zum 2fachen (3fachen, 4fachen, 5fachen ...) einer ersten Größe gehört das _____, (_____, _____, _____, ...) einer zweiten Größe.

Je mehr, desto mehr.
 Zum 2fachen (3fachen, 4fachen, 5fachen ...) einer ersten Größe gehört das 2fache (3fache, 4fache, 5fache, ...) einer zweiten Größe.

Wenn für eine Zuordnung gilt: Je weniger, desto weniger – und zwar im gleichen Verhältnis, so ist das eine _____ Zuordnung.

... so ist das eine proportionale Zuordnung.

Die Größenpaare Menge – Preis und Arbeitszeit – Lohn sind Beispiele für eine _____ Zuordnung.

... sind Beispiele für eine proportionale Zuordnung.

1 kg Äpfel kostet 2 €. 3 kg Äpfel kosten _____ mal so viel, also $2 \text{ €} \cdot ___ = ___ \text{ €}$.

1 kg Äpfel kostet 2 €. 3 kg Äpfel kosten 3-mal so viel, also $2 \text{ €} \cdot 3 = 6 \text{ €}$

5 Päckchen Kaffee wiegen 2 500 g. 1 Päckchen Kaffee wiegt den _____ Teil, also $2 500 \text{ g} : ___ = ___ \text{ g}$.

5 Päckchen Kaffee wiegen 2 500 g. 1 Päckchen Kaffee wiegt den $\frac{1}{5}$ Teil, also $2 500 \text{ g} : 5 = 500 \text{ g}$.

3 Hefte kosten 1,50 €. Wie viel kosten 7 Hefte?

3 \rightarrow 1,50 €
 1 \rightarrow den $\frac{1}{3}$ Teil
 $1,50 \text{ €} : 3 = 0,50 \text{ €}$
 7 \rightarrow 7 mal so viel
 $0,50 \text{ €} \cdot 7 = 3,50 \text{ €}$

Prozent (%) bedeutet von 100, also Hundertstel
 $1\% = \frac{1}{100}$
 $7\% = \frac{7}{100}$
 $\square\% = \frac{\square}{100}$
 $p\% = \frac{p}{100}$

$7\% = \frac{7}{100}$
 $19\% = \frac{19}{100}$
 $p\% = \frac{p}{100}$

3 % von 200 € = $\frac{3}{100} \cdot 200 \text{ €} = 6 \text{ €}$
 4 % von 300 € = $\frac{4}{100} \cdot 300 \text{ €} = 12 \text{ €}$

4 % von 300 € = $\frac{4}{100} \cdot 300 \text{ €} = 12 \text{ €}$

Im Beispiel 3 % von 200 = 6 ist 3 % der Prozentsatz (p %), 3 die Prozentzahl (p), 200 der Grundwert (G), 6 der Prozentwert (P oder W)
 $p = 3, G = 200, W (P) = 6$

$p = 4, G = 300$
 $4\% \text{ von } 300 = \frac{4}{100} \cdot 300 = 12$
 $W (P) = 12$

$p = 4, G = 300$
 $4\% \text{ von } 300 = \frac{4}{100} \cdot 300 = 12$
 $W (P) = 12$
 Es gilt also allgemein:
 $W (P) = \frac{p \cdot G}{100}$

$W = \frac{p \cdot G}{100}$

10 % von 400:
 $p = \square$
 $G = \square$
 $W (P) = \square$

$p = 10$
 $G = 400$
 $W (P) = \frac{p \cdot G}{100} = \frac{10 \cdot 400}{100} = 40$

Wie viel Prozent sind 6 € von 30 €?

$W (P) = 6, G = 30$
 $W (P) = \frac{p \cdot G}{100}$ dann gilt $p = \frac{W \cdot 100}{G}$
 $p = \frac{6 \cdot 100}{30} = 20$ Das sind 20 %
 $(6 \text{ von } 30 = \frac{6}{30} = 0,20 = \frac{20}{100} = 20\%)$

14 kg sind 7 % des Gesamtgewichts. Wie groß ist das Gesamtgewicht?

$W = \frac{p \cdot G}{100} \Rightarrow G = \frac{W \cdot 100}{p}$
 $W = 14, p = 7$
 $G = \frac{14 \cdot 100}{7} = 200$
 $(7\% = 14 \text{ kg} \quad x = \frac{14 \cdot 100}{7} = 200)$
 $(100\% \rightarrow x \text{ kg} \quad x = \frac{14 \cdot 100}{7} = 200)$

Man erweitert den Zahlenstrahl nach links zur Zahlengeraden.

Links der Null stehen die negativen Zahlen (Vorzeichen: -).

Die rationalen Zahlen sind die Null und alle _____ und negativen Zahlen.

Die rationalen Zahlen sind die Null und alle positiven und negativen Zahlen, und zwar sowohl die ganzen Zahlen als auch die Bruchzahlen.

Die Zahl _____ ist die kleinste Zahl.

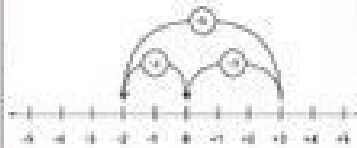
Die Zahl _____ ist die kleinste Zahl.



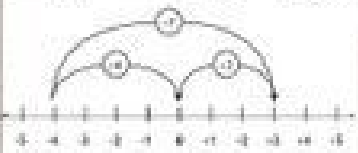
zur Vollversion

$$3 - 5 = \square$$

$$3 - 5 = 3 - 3 - 2 = -2$$



$$-4 + 7 = \square$$



$$-2 - 3 = \square$$

$$-2 - 3 = -5$$



Auch für rationale Zahlen gilt:

Im Allgemeinen wird von links nach rechts gerechnet.

Aber immer gilt:
Punkt vor Strich und
zuerst die Klammer!

Auch für rationale Zahlen gilt:

Im Allgemeinen wird von links nach rechts gerechnet.

Aber immer gilt:
Punkt vor Strich und
zuerst die Klammer!

$$-3 + 4 \cdot \frac{1}{2} = \square$$

$$\begin{aligned} -3 + 4 \cdot \frac{1}{2} &= \\ -3 + 2 &= -1 \end{aligned}$$

$$-10 - 8 : 2 = \square$$

$$\begin{aligned} -10 - 8 : 2 &= \\ -10 - 4 &= -14 \end{aligned}$$

$$-\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{4}\right) : (5 - 3) = \square$$

$$\begin{aligned} -\frac{1}{2} - \left(\frac{1}{4} + \frac{3}{4}\right) : (5 - 3) &= \\ -\frac{1}{2} - \frac{4}{4} : 2 &= \\ -\frac{1}{2} - 1 : 2 &= \\ -\frac{1}{2} - \frac{1}{2} &= \\ -1 &= \end{aligned}$$

Auch innerhalb einer Klammer gilt:

___ vor Strich!

Auch innerhalb einer Klammer gilt:

Punkt vor Strich!

$$-7,5 + (8 - 2 \cdot 3) = \square$$

$$\begin{aligned} -7,5 + (8 - 2 \cdot 3) &= \\ -7,5 + (8 - 6) &= \\ -7,5 + 2 &= -5,5 \end{aligned}$$

$$3 \cdot (-1,1 + 10 : 5) = \square$$

$$\begin{aligned} 3 \cdot (-1,1 + 10 : 5) &= \\ 3 \cdot (-1,1 + 2) &= \\ 3 \cdot 0,9 &= 2,7 \end{aligned}$$

Gibt es in einem Rechenausdruck Klammern in einer Klammer, so berechnet man zuerst die ___ Klammer.

... zuerst die innerste Klammer.

$$3 \cdot \left(-6 + 4 \cdot \left(2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right)\right) = \square$$

$$\begin{aligned} 3 \cdot \left(-6 + 4 \cdot \left(2 \frac{1}{2} - \frac{1}{2}\right)\right) &= \\ 3 \cdot \left(-6 + 4 \cdot 2\right) &= \\ 3 \cdot \left(-6 + 8\right) &= \\ 3 \cdot 2 &= 6 \end{aligned}$$

$$(10 : (7 - 2) + 2,4) : 2 = \square$$

$$\begin{aligned} (10 : (7 - 2) + 2,4) : 2 &= \\ (10 : 5 + 2,4) : 2 &= \\ (2 + 2,4) : 2 &= \\ 4,4 : 2 &= 2,2 \end{aligned}$$

$$-2 - \left(6 \frac{1}{2} - (8 : (3 - 1) + 4)\right) = \square$$

$$\begin{aligned} -2 - \left(6 \frac{1}{2} - (8 : (3 - 1) + 4)\right) &= \\ -2 - \left(6 \frac{1}{2} - (8 : 2 + 4)\right) &= \\ -2 - \left(6 \frac{1}{2} - (4 + 4)\right) &= \\ -2 - \left(6 \frac{1}{2} - 8\right) &= \\ -2 - \left(-1 \frac{1}{2}\right) &= \\ -2 + 1 \frac{1}{2} &= \end{aligned}$$

Haben beide Faktoren eines Produkts das gleiche Vorzeichen,

... so ist der Wert des Produkts positiv.

$$a) (+1,5) \cdot (+2) = \square$$

$$b) (-4) \cdot$$

(plus · plus = plus
minus · minus = plus)

zur Vollversion