DOWNLOAD

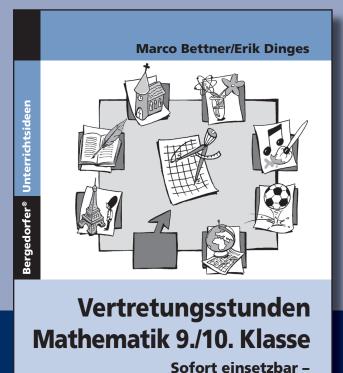
Marco Bettner/Erik Dinges

Vertretungsstunden Mathematik 30

10. Klasse: Strahlensätze

aus dem Originaltitel:





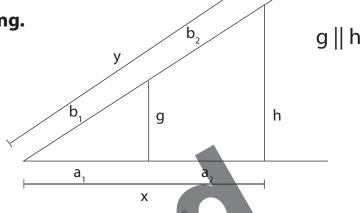
lehrplanorientiert - systematisch

zur Vollversion

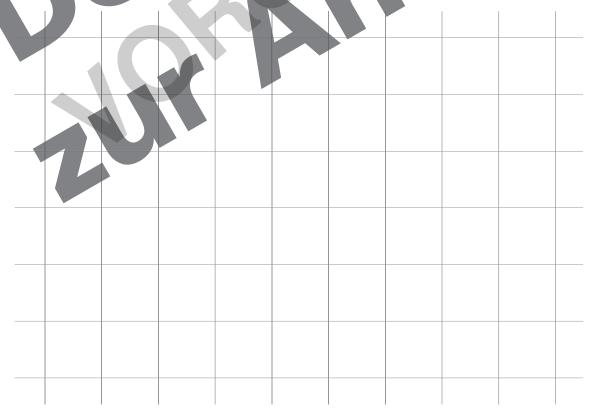




Gegeben sind die 3 Längen $a_1 = 4$ cm, $a_2 = 5$ cm und $b_1 = 4,2$ cm in der rechts abgebildeten Zeichnung. Die vierte Länge y soll schrittweise berechnet werden.

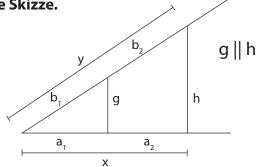


- a) Notiere unten eine passende Verhältnisgleichung zur Zeichnung mithilfe des ersten Strahlensatzes.
- b) Setze die gegebenen Zahlenwerte in die Gleichung unten ein.
- c) Löse die Gleichung entsprechend auf. Tipp: Nenner in einer Gleichung sind meist unangenehm. Diese sollten zunächst entfernt werden.



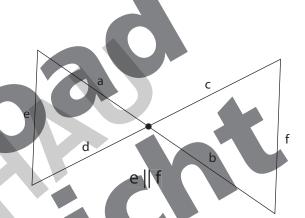


- 1. Berechne die gesuchten Längen. Beachte die abgebildete Skizze.
 - a) $a_1 = 7$ cm; $a_2 = 9$ cm; $b_1 = 6$ cm; ges.: y
 - b) $a_1 = 10 \text{ cm}; a_2 = 6 \text{ cm}; b_1 = 8 \text{ cm}; \text{ges.: y}$
 - c) $a_2 = 5$ cm; $b_1 = 5$ cm; $b_2 = 3$ cm; ges.: x
 - d) $a_1 = 2.5 \text{ cm}$; $a_2 = 3.1 \text{ cm}$; $b_2 = 3.9 \text{ cm}$; ges.: b_1
 - e) $a_1 = 7$ cm; $a_2 = 9$ cm; $b_1 = 6$ cm; ges.: b_2
 - f) $a_1 = 105 \text{ mm}$; $b_1 = 70 \text{ mm}$; $b_2 = 85 \text{ mm}$; ges.: a_2



2. Berechne die fehlenden Größen in der Tabelle. Beachte die Skizze rechts.

a	b	С	d
10 cm	6 cm	7 cm	
8 cm	9 cm		7 cm
3,5 m		3,8 m	2,9 m
	255 mm	309 mm	290 mm



3. Gegeben sind zur Zeichnung in Aufgabe 1 folgende Streckenlängen:

 $a_1 = 6$ cm; $a_2 = 5$ cm; $b_1 = 7$ cm; ges.: y. Evi hat wie folgt gerechnet:

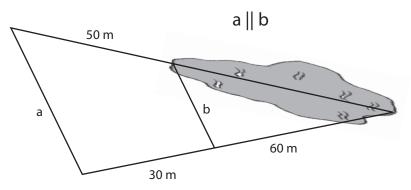
- a) Beschreibe den Fehler, den Evi gemacht hat.
- b) Korrigiere die Rechnung und ermittle y.

$$\frac{6}{5} = \frac{7}{y}$$

$$6y = 35$$

$$y \approx 5,83 \text{ cm}$$

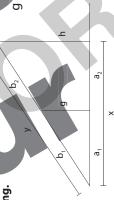
4. Berechne die Länge des Sees.

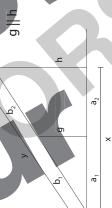






in der rechts abgebildeten Zeichnung. Die vierte Länge y soll schrittweise $a_1 = 4 \text{ cm}, a_2 = 5 \text{ cm und } b_1 = 4,2 \text{ cm}$ Gegeben sind die 3 Längen berechnet werden.





a,= 127,5 mm

d) $b_1 = 3,15 cm$ c) x = 13,33 cm

e) $b_2 = 7,71 \, \text{cm}$

a) y = 13,71 cm

b) y = 12.8 cm



Berechne die fehlenden Größen in der Tabelle. Beachte die Skizze rechts.

1	
	g
- /	e =
- P	۵\
ø	

ō	4,2 cm	7 cm	2,9 m	290 mm	
U	7 cm	6,22 cm	3,8 m	309 mm	
۵	e cm	9 cm	2,67 m	255 mm	
B	10 cm	8 cm	3,5 m	71,71 mm	

a) Notiere unten eine passende Verhältnisgleichung zur Zeichnung mithilfe

ersten Strahlensatzes.

b) Setze die gegebenen Zahlenwerte in die Gleichung unten ein.

—
٩
е <u>—</u>

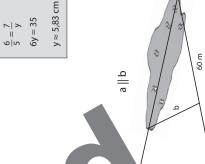
3. Gegeben sind zur Zeichnung in Aufgabe 1 folgende Streckenlängen: $a_1=6$ cm; $a_2=5$ cm; $b^1=7$ cm; ges.: y. Evi hat wie folgt gerechnet:

Tipp: Nenner in einer Gleichung sind meist unangenehm. Diese sollten

c) Löse die Gleichung entsprechend auf.

zunächst entfernt werden.





4. Berechne die Länge des Sees.

ängen mit dem 1. Strahlensatz berechnen

 $y = 9,45 \, cm$

4y = 37.8

c

 $\frac{4}{9} = \frac{4,2}{4}$

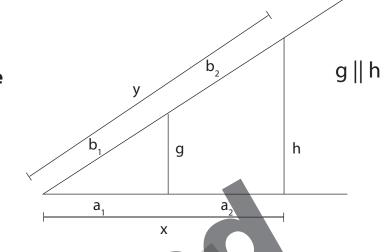
6

4 2

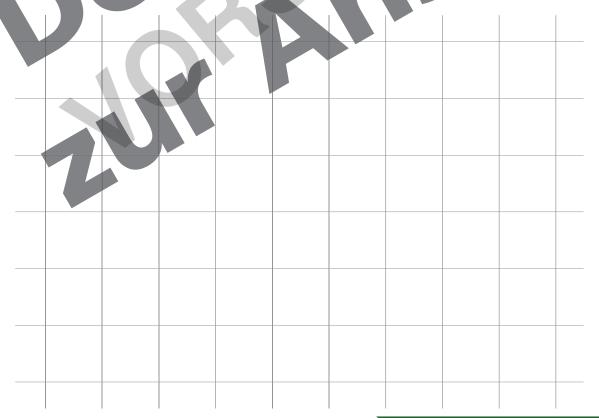
a)



Gegeben sind die 3 Längen $a_1 = 5$ cm, $a_2 = 6$ cm und g = 4 cm in der abgebildeten Zeichnung. Die Länge von h soll schrittweise berechnet werden.

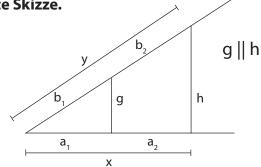


- a) Notiere unten eine passende Verhältnisgleichung zur Zeichnung mithilfe des zweiten Strahlensatzes.
- b) Setze die gegebenen Zahlenwerte in die Gleichung unten ein.
- c) Löse die Gleichung entsprechend auf. Tipp: Nenner in einer Gleichung sind meist unangenehm. Diese sollten zunächst entfernt werden.



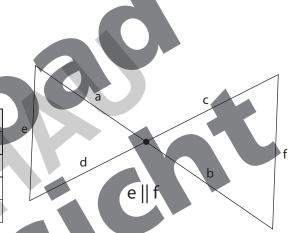


- 1. Berechne die gesuchten Längen. Beachte die abgebildete Skizze.
 - a) $a_1 = 8 \text{ cm}$; $a_2 = 5 \text{ cm}$; g = 4 cm; ges.: h
 - b) $a_1 = 20 \text{ cm}$; $a_2 = 30 \text{ cm}$; g = 15 cm; ges.: h
 - c) $a_1 = 12$ cm; $a_2 = 9$ cm; h = 7 cm; ges.: g
 - d) $b_1 = 23$ cm; $b_2 = 20$ cm; h = 19 cm; ges.: g
 - e) $b_1 = 45$ cm; g = 30 cm; h = 44 cm; $ges.: b_2$
 - f) $a_1 = 215 \text{ mm}$; g = 180 mm; h = 200 mm; ges.: a_2

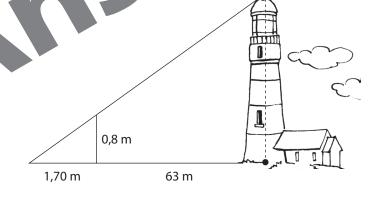


2. Berechne die fehlenden Größen in der Tabelle. Beachte die Skizze rechts.

a	b	С	d	е	f
17 cm	23 cm	20 cm		14 cm	
7 cm	8 cm		11 cm		10 cm
	2,7 cm	3,8 cm	2,5 cm	1,9 cm	
144 cm	4	225 cm	170 cm		150 cm



3. Berechne die Höhe des Leuchtturms.



4. Auf der linken Seite steht ein Mast. Er wirft ein Schatten von 23 m Länge. Rechts neben dem Mast steht 5 m entfernt eine 4 m hohe Mauer. Wie hoch ist der Mast? Fertige eine Skizze an und berechne die Masthöhe.

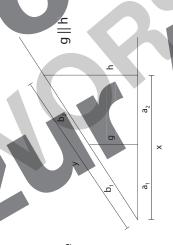


23 m

5 m



Die Länge von h soll schrittweise $a_1 = 5 \text{ cm}$, $a_2 = 6 \text{ cm}$ und g = 4 cmin der abgebildeten Zeichnung. Gegeben sind die 3 Längen berechnet werden.



Berechne die gesuchten Längen. Beachte die abgebildete Skizze.

g || h

a) h = 2,5 cm

b) h = 22,5 cmc) $g = 9,33 \, cm$ d) g = 21,85 cme) $b_2 = 66 \, \text{cm}$ $a_2 = 238,89 \, \text{mm}$

2. Berechne die fehlenden Größen in der Tabelle. Beachte die Skizze rechts.

a) Notiere unten eine passende Verhältnisgleichung zur Zeichnung mithilfe

des zweiten Strahlensatzes

b) Setze die gegebenen Zahlenwerte in die Gleichung unten ein.

Tipp: Nenner in einer Gleichung sind meist unangenehm. Diese sollten

c) Löse die Gleichung entsprechend auf

zunächst entfernt werden.

18,94 cm 2,88 cm 10 cm

> 14,78 cm 11 cm 170 cm 2,5 cm

113,33 cm 8,75 cm 14 cm

> 225 cm 12,57 cm 3,8 cm

63 m 0,8 m

> Der Leuchtturm ist 29,65 Berechne die Höhe

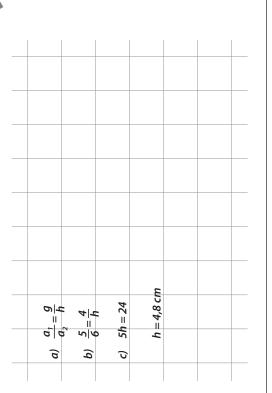
4. Auf der linken Seite steht ein Mast. Er wirft ein Schatten von 23 m Länge. Rechts neben dem Mast steht 5 m entfernt eine 4 m hohe Mauer.

Wie hoch ist der Mast? Fertige eine Skizze an und berechne die Masthöhe.

Der Mast ist 14,40 m hoch.



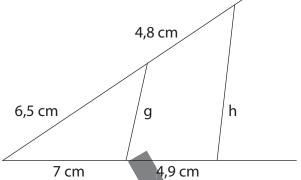






1. Betrachte die rechts abgebildete Zeichnung und schätze:

lst g parallel zu h?



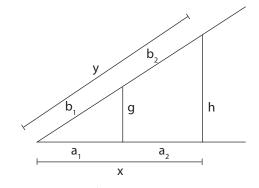
Die obige Schätzung soll im Folgenden rechnerisch überprüft werden.

- 2. Notiere unten eine entsprechende Verhältnisgleichung mithilfe des 1. Strahlensatzes.
- 3. Unter welcher Bedingung gilt der 1. Strahlensatz?
- 4. Überprüfe die unter 2. aufgestellte Verhältnisgleichung und gib an, ob g zu h parallel ist.

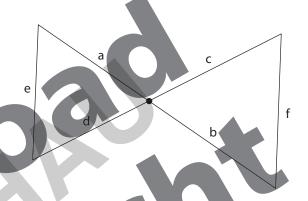




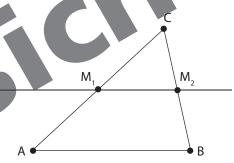
- 1. Ist g parallel zu h? Überprüfe rechnerisch.
 - a) $a_1 = 4$ cm; $a_2 = 3.2$ cm; $b_1 = 5.5$ cm; $b_2 = 4.4$ cm
 - b) $a_1 = 4.9 \text{ cm}$; $a_2 = 3.5 \text{ cm}$; $b_1 = 3.5 \text{ cm}$; $b_2 = 2.5 \text{ cm}$
 - c) $a_1 = 4.5 \text{ cm}$; $a_2 = 3.2 \text{ cm}$; $b_1 = 5.4 \text{ cm}$; $b_2 = 2.7 \text{ cm}$
 - d) $a_1 = 3$ cm; $a_2 = 5$ cm; $b_1 = 2$ cm; $b_2 = 4$ cm
 - e) $a_1 = 4 \text{ cm}$; $a_2 = 6 \text{ cm}$; $b_1 = 3 \text{ cm}$; $b_2 = 5 \text{ cm}$



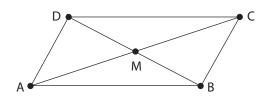
- 2. Sind e und f parallel zueinander? Begründe rechnerisch.
 - a) a = 14 cm; b = 12 cm; c = 8 cm; d = 6 cm
 - b) a = 10 cm; b = 8 cm; c = 12 cm; d = 15 cm



3. Im Dreieck ABC werden zwei Seitenmittelpunkte M₁ und M₂ miteinander verbunden. Begründe: Die Gerade durch M₁ und M₂ ist parallel zur Seite AB.



4. Betrachte das abgebildete Parallelogramm. Wir wissen: Die Diagonalen AC und BD halbieren sich im Parallelogramm. Begründe: Wenn sich die Diagonalen AC und BD halbieren, handelt es sich um ein Parallelogramm. Tipp: Was ist die wichtigste Eigenschaft eines Parallelogramms?



- 5. Betrachte die Abbildung bei Aufgabe 1.
 - a) Unter welcher Bedingung gilt der 1. Strahlensatz?
 - b) Formuliere die entsprechende Umkehrung des 1. Strahlensatzes.



Umkehrung des 1. Strahlensatzes

Umkehrung des 1. Strahlensatzes

1. Betrachte die rechts abgebildete Zeich

und schätze:

lst g parallel zu h?

Nein, g ist nicht parallel zu h.

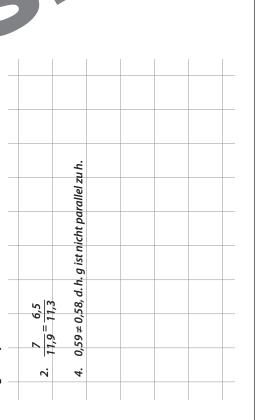


Die obige Schätzung soll im Folgenden rechnerisch überprüft werden 4,9 cm 7 cm

- 2. Notiere unten eine entsprechende Verhältnisgleichung mithilfe des
 - 1. Strahlensatzes.
- 3. Unter welcher Bedingung gilt der 1. Strahlensatz?

Wenn g | | h.

4. Überprüfe die unter 2. aufgestellte Verhältnisgleichung und gib an ob g zu h parallel ist.



1. Ist g parallel zu h? Überprüfe rechnerisch.

- a) parallel
 - b) *parallel*
- c) nicht parallel
- d) nicht parallel
 - e) nicht parallel



nicht parall

Im Dreieck ABC werden zwei Seitenmittelpunkte M₁ und M₂ miteinander verbunden. Begründe: Die Gerade durch M₁ und M₂ ist parallel zur Seite AB.

$$\frac{CM_1}{CA} = \frac{1}{2}; \frac{CM_2}{CB} = \frac{1}{2}, \frac{1}{4}; h, dass \frac{CM_1}{CA} = \frac{CM_2}{CB}, daher ist$$

M₁M₂ parallel zu AB

lelogramm. Wir wissen: albieren sich im Parallelo-It die Diagonalen AC und im. Begründe: Wenn sich die Di pieren, handelt es sich um s ist die wichtigste Eiger Die Diagonalen AC und BDL gramm. Begründe: Wenn si BD halbieren, handelt es sic Betrachte das abgebilde



zu AB und AD parallel zu CB, also ist ABCD ein Parallelogramm.

- 5. Betrachte die Abbildung bei Aufgabe 1.
- a) Der 1. Strahlensatz gilt, wenn g parallel zu h.
- b) Wenn $\frac{a_1}{a_2} = \frac{b_1}{b_2}$ dann ist g parallel zu h oder wenn $\frac{a_1}{X} = \frac{b_1}{X}$, dann ist g parallel zu h.