DOWNLOAD

Michael Körner

Potenzgesetze für natürliche Exponenten

Michael Körner

Grundwissen

Wurzeln und Potenzen

5.-10. Klasse

Bergedorfer® Kopiervorlagen

Downloadauszug aus dem Originaltitel:





zur Vollversion

Berechne und vergleiche die Ergebnisse.

$$3^2 \cdot 3^3 =$$
____ \cdot 27 = ____

b)
$$5^1 + 5^2 = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$5^1 \cdot 5^2 = \underline{} \cdot \underline{} = \underline{}$$

c)
$$(-2)^3 + (-2)^4 = \underline{\hspace{1cm}} + \underline{\hspace{1cm}} = \underline{\hspace{1cm}}$$

$$(-2)^3 \cdot (-2)^4 = \qquad \qquad = \qquad (-2)^7 =$$

$$(-2)^7 =$$

Was fällt dir bei den Aufgaben auf?

Aufgabe 2

Formuliere eine Regel für die Multiplikation von Potenzen mit gleicher Basis. Notiere diese auch als Formel mit den Variablen a (Basis) und m, n (Exponenten).

Aufgabe 3

Zerlege die Potenz in ein Produkt aus zwei Potenzen mit natürlichen Exponenten. Gib alle Möglichkeiten an.

c)
$$0.5^4$$

d)
$$\left(\frac{3}{4}\right)^{3}$$

$$2^6 = 2^3 \cdot 2^3 = 2^4 \cdot 2^2$$

= $2^5 \cdot 2^1 = 2^6 \cdot 2^0$

Aufgabe 4

Wende die Regel für die Multiplikation aus Aufgabe 2 an.

a)
$$2^3 \cdot 2^5$$

b)
$$(-3)^2 \cdot (-3)^2$$
 c) $4^1 \cdot 4^2$

f)
$$(-1)^3 \cdot (-1)^4$$

g)
$$(-0,1)^2 \cdot (-0,1)^2$$

g)
$$(-0,1)^2 \cdot (-0,1)^2$$
 h) $\left(\frac{2}{3}\right)^3 \cdot \left(\frac{2}{3}\right)^4$

k)
$$(-2)^x \cdot (-2)^y$$

Aufgabe 5

Fülle die Lücken aus.

a)
$$a_4 \cdot _{---} = a_6$$

c)
$$3c^2 \cdot _{---} = 15c^7$$

d)
$$75q^8 = 15q^2 \cdot ___$$

e)
$$99y^9 = 11y^7 \cdot ____$$

b)
$$\underline{\hspace{1cm}} \cdot 2x^2 = 2x^5$$
 c) $3c^2 \cdot \underline{\hspace{1cm}} = 15c^7$ e) $99y^9 = 11y^7 \cdot \underline{\hspace{1cm}}$ f) $3b^4 = \underline{\hspace{1cm}} \cdot \frac{1}{3}b^3$

Berechne und vergleiche die Ergebnisse.

a)
$$2^6 - 2^3 = 64 - \underline{} = \underline{}$$

$$2^6: 2^3 =$$
____: $8 =$ ____

c)
$$(-3)^4 - (-3)^1 = \underline{} - \underline{} = \underline{}$$

$$(-3)^4:(-3)^1=$$
 : =

$$(-3)^3 =$$

Was fällt dir bei den Aufgaben auf?

Aufgabe 2

Formuliere eine Regel für die Division von Potenzen mit gleicher Basis. Notiere diese Regel auch als Formel. Benutze dabei die Variablen **a (Basis) und m, n (Exponenten)**.

Aufgabe 3

Schreibe, wie im Beispiel, die Potenz als Quotient von zwei Potenzen mit natürlichen Exponenten. Gib jeweils drei Möglichkeiten an.

b)
$$(-4)^5$$

c)
$$0.02^7$$

d)
$$\left(\frac{1}{7}\right)^2$$

Beispiel

$$3^2 = 3^3 : 3^1 = 3^4 : 5^2$$

= $3^5 : 3^3 = ...$

Aufgabe 4

Wende die Regel aus Aufgabe 2 an.

b)
$$10^9:10^6$$

d)
$$\frac{(-5)^8}{(-5)^5}$$

e)
$$\frac{y^5}{y^3}$$

f)
$$\frac{(-a)^{11}}{(-a)^9}$$

g)
$$\frac{3 \cdot (a+b)^4}{(a+b)^2}$$

h)
$$\frac{9b^5}{b^3}$$

Aufgabe 5

Fülle die Lücken aus.

a) _____:
$$y^4 = y^2$$

b)
$$20z^7$$
: ____ = $20z$

c) _____:
$$5v^3 = 6v^2$$

d)
$$13x = 39x^4$$
:

Berechne und vergleiche die Ergebnisse.

a)
$$(2 + 5)^3 = ____^3 = ____$$

$$2^3 + 5^3 = 8 + =$$

b)
$$(2 \cdot 5)^3 =$$
_____ = ____

c)
$$\left(\frac{1}{2} + \frac{1}{4}\right)^2 = \underline{\qquad} = \underline{\qquad}$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 + \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \underline{\qquad} + \underline{\qquad} = \underline{\qquad}$$

d)
$$\left(\frac{1}{2} \cdot \frac{1}{4}\right)^2 =$$

$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 \cdot \left(\frac{1}{4}\right)^2 = \underline{\qquad}$$

Was fällt dir bei den Aufgaben auf?

Aufgabe 2

Formuliere eine Regel für die Multiplikation von Potenzen mit gleichen Exponenten. Notiere diese Regel auch als Formel mit den Variablen a, b (Basen) und m (Exponent).

Aufgabe 3

Berichtige die Fehler.

a)
$$(2 \cdot 4)^2$$

$$2^2 \cdot 4^2$$

b)
$$(5 + 1)^3$$

c)
$$8^3 + 2^3$$

Aufgabe 4

Wende die Regel aus Aufgabe 2 an.

$$1,2^2 \cdot 5^2 =$$

$$(-0,3)^3 \cdot 10^3 =$$

$$x^3 \cdot y^3 = \underline{\hspace{1cm}}$$

g)
$$\left(\frac{2}{3}\right)^{6} \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^{6} =$$

i) $1,5^{2} \cdot 2,5^{2} \cdot 4^{2} =$

j)
$$\left(\frac{1}{2}\right)^2 \cdot 6.4^2 \cdot 5^2 =$$

Berechne und vergleiche die Ergebnisse.

a)
$$(8-4)^2 = (___)^2 = ___$$

$$8^2 - 4^2 = 64 -$$

$$8^2:4^2 = : =$$

c)
$$\left(\frac{3}{4} - \frac{1}{4}\right)^3 = \underline{\qquad} = \underline{\qquad}$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^3 - \left(\frac{1}{4}\right)^3 = \underline{\qquad} = \underline{\qquad}$$

d)
$$\left(\frac{3}{4}:\frac{1}{4}\right)^3 =$$

$$\left(\frac{3}{4}\right)^3:\left(\frac{1}{4}\right)^3=\underline{}:\underline{}=\underline{}$$

Was fällt dir bei den Aufgaben auf?

Aufgabe 2

Formuliere eine Regel für die Division von Potenzen mit gleichen Exponenten. Notiere diese Regel auch als Formel mit den Variablen a, b (Basen) und m (Exponent).

Aufgabe 3

Berechne.

a)
$$9^3:3^3=$$

c)
$$0.18^3 : 0.09^3 =$$

e)
$$\frac{(+1)^{17}}{(-1)^{17}} =$$

g)
$$\frac{a^4}{b^4} = \underline{\hspace{1cm}}$$

h)
$$\frac{(xy)^4}{(y)^4} =$$

Aufgabe 4

Ordne die Potenzen den Lücken zu.

c) ____:
$$5^4 =$$

c) _____:
$$5^4 =$$
 ____ d) ____: $(-4)^4 =$ ____
e) ____: __ = $(-6)^3$ f) ____: __ = 3^5

e) :
$$= (-6)^3$$

f) :
$$= 3^5$$

Potenzen:

$$(-24)^3$$
 $(-5)^4$ $(-4)^3$
 3^3 4^3
 3^4 5^4 7^4 20^4 35^4

Überprüfe die Umformungen durch Berechnung mit dem Taschenrechner. Kennzeichne die falschen Umformungen, indem du das Gleichheitszeichen durchstreichst (\neq) .

$$(3^2)^4 = 3^6$$

$$(2^5)^2 = 2^{10}$$

$$((-2)^3)^3 = (-2)^6$$

$$\frac{1}{((-4)^2)^3} = \frac{1}{(-4)^6}$$

$$(0,1^2)^3 = 0,1^5$$

$$\left(\frac{4}{5}\right)^2 = \left(\frac{4}{5}\right)^2$$

Aufgabe 2

Löse die Aufgaben wie im Beispiel.

Beispiel:
$$(a^3)^2 = a^3 \cdot a^3 = a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a \cdot a = a^6$$

$$(b^2)^4 =$$

$$(c^3)^3 =$$



c)
$$\left(\left(\frac{1}{2}a\right)^3\right)^2$$

Aufgabe 3

Stelle eine Formel auf für das Potenzieren von Potenzen. Verwende dabei die Variablen **a (Basis)** und **m, n (Exponenten)**. Tipp: Schaue dir die vorhergehenden Aufgaben an.

Formel:

Aufgabe 4

Vereinfache.

$$(3^5)^3 =$$

b)
$$((-3)^2)^3 =$$

c)
$$(0.5^4)^3 =$$

d)
$$\left(\left(\frac{7}{3}\right)^{\circ}\right) =$$

e)
$$((-1)^7)^7 =$$

f)
$$((-2)^5)^0 =$$

g)
$$((3\alpha)^5)^3 =$$

h)
$$(x^5)^{\alpha} =$$

i)
$$(e^{2n})^3 =$$

$$j) (y^{4n})^{3m} =$$

k)
$$(x^{2n+3})^k =$$

$$l) \quad (a^{2b+4})^{3c+2} =$$

Berechne die Terme ohne Taschenrechner. Tipp: Klammere zuerst die Potenzen aus.

a)
$$5 \cdot 5^2 - 12 \cdot 5^2 + 24 \cdot 5^2 + 13 \cdot 5^2$$

b)
$$\frac{2}{9} \cdot 3^3 + \frac{7}{3} \cdot 3^3 - \frac{10}{15} \cdot 3^3 - \frac{28}{36} \cdot 3^3$$

c)
$$1.3 \cdot (-2)^5 + 0.8 \cdot (-2)^5 + 0.9 \cdot (-2)^5 + 1.5 \cdot (-2)^5 + 0.5 \cdot (-2)^5$$

Aufgabe 2

Gib die Anzahl der Nachkommastellen an.

b)
$$2,5^3$$

c)
$$0.02^3$$

Aufgabe 3

Vereinfache die Terme.

a)
$$(\sqrt{3})^5 \cdot (\sqrt{3})^4$$

d)
$$4^{x+2} \cdot 4^2$$

e)
$$V^{a+b} \cdot V^{a-1}$$

f)
$$\frac{9a^9}{3a^6}$$

$$g) \quad \frac{y^4 \cdot z^5}{z^2 \cdot y^3}$$

h)
$$\frac{9^4 \cdot d^4}{81 \cdot d^3}$$

$$i) \quad \frac{x^{3y+4}}{x^{3y+3}}$$

k)
$$X^3 (X^4 + X^2)$$

l)
$$4p^2q^3 (p^4 - q^3)$$

n)
$$\frac{7}{8}v^3 \cdot \frac{12}{14}w^4 \cdot 5vw$$

o)
$$3a^2 - 2b^2 - a^2 + b^2 - 3b^2$$

p)
$$8a^2 - 2a^2 + 3b^2 - a^2 + 2b^2$$

q)
$$3bx^3 + 5b^2x^2 - 2b^3x + b^2x^2 + 5bx^3$$

Aufgabe 4

Fülle die Lücken aus.

a)
$$\left(\frac{5}{6}\right)^4$$
 · ____ = 5^4

b)
$$\left(\frac{1}{10}\right)^3$$
: ____ = $\left(\frac{1}{5}\right)^3$

c) _____
$$\cdot$$
 5² = 400

d)
$$\cdot 2^b = 3^b$$

e)
$$6^{\alpha+2}$$
: ____ = 1

f)
$$4^3 \cdot 5^3 = \underline{} \cdot 2^3$$

Aufgabe 5

Notiere drei Quotienten, die wertgleich mit der angegebenen Potenz sind.

c)
$$0.2^2$$
 d) $\left(\frac{4}{5}\right)^5$ e) 7^x

Beispiele:

(1)
$$2^3 = 8^3 : 4^3 = 6^3 : 3^3 = \dots$$

(2)
$$2^3 = 2^3 : 2^0 = 2^4 : 2^1 = \dots$$

Aufgabe 6

Gib die Potenzen mit möglichst kleiner Basis an.

a)
$$64^3$$

d)
$$(256^2)^5$$

Beispiel: $4^3 = (2^2)^3 = 2^6$

b) $5^1 + 5^2 = 5 + 25 = 30$

c) 0,54 · 0,50; 0,53 · 0,51; 0,52 · 0,52

b) (-3)4 h) $\left(\frac{2}{3}\right)$

81 : (-3) = -27

a) 28

g) (-0,1)⁴

Aufgabe 5

Seite 2

Aufgabe 1

c) 0.027 : 0.020: 0.028 : 0.021: 0.029 : 0.022: ...

c) 49

f) (-a)²

f) (-1)⁷

b) (-6)8 · (-6)0; (-6)7 · (-6)1 d) $\left(\frac{3}{4}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^2 ; \left(\frac{3}{4}\right)^3 \cdot \left(\frac{3}{4}\right)^3$

j) 7^{2+b}

b) 64 - 16 = 48 64: 16 = 4 4

 $3^5 = 243$ $5^3 = 125$ $(-2)^7 = -128$

addiert und die Basis beibehält:

k) (-2)x+1

 $5^1 \cdot 5^2 = 5 \cdot 25 = 125$

i) 3°+2

-27

d) $\left(\frac{1}{7}\right)^{k}:\left(\frac{1}{7}\right)^{k};\left(\frac{1}{7}\right)^{k}:\left(\frac{1}{7}\right)^{k}:\left(\frac{1}{7}\right)^{k};...$ f) $b^{c}:b^{d};b^{c+1}:b^{d+1};b^{c+2}:b$

d) -125

e) y²

Aufgabe 1

a)
$$7^3 = 343$$
 $8 + 125 = 13$
c) $\left(\frac{3}{4}\right)^2 = \frac{9}{16}$ $\frac{1}{4} + \frac{1}{16} = \frac{5}{16}$

d) $\left(\frac{1}{8}\right)^2 = \frac{1}{64}$

 $\frac{1}{4} \cdot \frac{1}{16} = \frac{1}{64}$ en erst die Potenzen ausrechnen und dann mulusrechnen. Beim Addieren von Potenzen mit

zen mit gleichen Exponenten werden multipliziert, indem man die Basen multipliziert und den Exponenten beibe- $a^n\cdot b^n=(a\cdot b)^n$

 $(3)^2 = 2^2 \cdot 4^2 = 4 \cdot 16 = 64$ $(1)^3 = (5+1)^3 = 6^3 = 216$ $(2)^3 = 512 + 8 = 520$

(-3)³ d) 5⁴ e) $(xy)^3$ f) $(6xy)^3$ g) $\left(\frac{1}{2}\right)^8$ h) 100^3 i) 15^2 j) 16^2

a) $4^2 = 16$ b) $2^2 = 4$ c) $\left(\frac{2}{4}\right)^3 = \frac{1}{8}$ d) 3³ = 27

 $\frac{27}{64}$: $\frac{1}{64}$ = 27 Petenzen mit gleichen Exponenten erst die Potenzen ausrechnen und dann dividie-ren und dann die Potenz ausrechnen. Beim Subtrahieren von Potenzen mit gleichen

ert, indem man die Basen dividiert und den Exponenten beibehält:

d) 256

e) -1

64:16=4

f) 15⁵: 5⁵ = 3⁵

f) 1000000000



e) y^{2a} k) $x^7 + x^5$ p) $5a^2 + 5b^2$

5⁵:5¹;5⁶:5²...

j) 5α²b⁵c⁴
 o) 2α² – 4b²

m) 1,6m⁶n³

b) $\left(\frac{1}{2}\right)^3$

c) 4²

(-25)4: (-5)4; (-125)4: (-25)4; ...

f) 3a³







© 2011 Persen Verlag, Buxtehude AAP Lehrerfachverlage GmbH Alle Rechte vorbehalten.

Das Werk als Ganzes sowie in seinen Teilen unterliegt dem deutschen Urheberrecht. Der Erwerber des Werkes ist berechtigt, das Werk als Ganzes oder in seinen Teilen für den eigenen Gebrauch und den Einsatz im Unterricht zu nutzen. Die Nutzung ist nur für den genannten Zweck gestattet, nicht jedoch für einen weiteren kommerziellen Gebrauch, für die Weiterleitung an Dritte oder für die Veröffentlichung im Internet oder in Intranets. Eine über den genannten Zweck hinausgehende Nutzung bedarf in jedem Fall der vorherigen schriftlichen Zustimmung des Verlages.

Die AAP Lehrerfachverlage GmbH kann für die Inhalte externer Sites, die Sie mittels eines Links oder sonstiger Hinweise erreichen, keine Verantwortung übernehmen. Ferner haftet die AAP Lehrerfachverlage GmbH nicht für direkte oder indirekte Schäden (inkl. entgangener Gewinne), die auf Informationen zurückgeführt werden können, die auf diesen externen Websites stehen.

Illustrationen: Logo Kopfzeile (Julia Flasche) Satz: Satzpunkt Ursula Ewert GmbH, Bayreuth

Bestellnr.: 2699DA3

www.persen.de



zur Vollversion